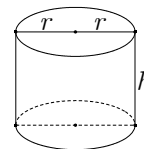


LỜI GIẢI CHI TIẾT CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM
ÔN THI TỐT NGHIỆP – ĐẠI HỌC 2022

1 B	2 B	3 B	4 D	5 C	6 C	7 C	8 D	9 D	10 C
11 A	12 C	13 C	14 A	15 A	16 C	17 A	18 A	19 C	20 A
21 C	22 A	23 C	24 D	25 C	26 A	27 C	28 D	29 C	30 A
31 D	32 A	33 C	34 B	35 C	36 A	37 D	38 B	39 B	40 D
41 C	42 B	43 A	44 B	45 C	46 A	47 A	48 A	49 A	50 B

Câu 1.1. Hình chiếu của $A(3; 1; 4)$ lên (Oxz) là $(3; 0; 4)$ (thiếu trục nào tọa độ ứng với trục đó bằng 0). **Chọn B.**



Câu 1.2. Thiết diện qua trục là hình vuông nên $h = 2r$.

Ta có $36\pi = S_{xq} = 2\pi r h = 2\pi \cdot \frac{h}{2} \cdot h \Rightarrow h = 6$. **Chọn B.**

Câu 1.3. Ta có $\overrightarrow{AB} = (-2; -2; -4) = -2 \cdot (1; 1; 2)$. **Chọn B.**

Câu 1.4. Diện tích 1 mặt đáy bằng 10. Suy ra $V = S \cdot h = 60$. **Chọn D.**

Câu 1.5. Ta có $\overrightarrow{MO} = (a; b; c) = (0 - x_M; 0 - y_M; 0 - z_M) \Rightarrow M(-a; -b; -c)$. **Chọn C.**

Câu 1.6. Ta có $R = d(I, (\alpha)) = 3$ nên $(S) : (x - 4)^2 + y^2 + (z - 1)^2 = 9$. **Chọn C.**

Câu 1.7. Ta có $h = AB = a$, $r = AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = \sqrt{3}a$.

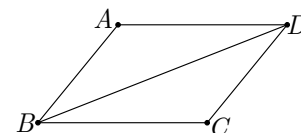
Suy ra $V_n = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi \cdot (\sqrt{3}a)^2 \cdot a = \pi a^3$. **Chọn C.**

Câu 1.8. Hình chiếu của $A(5; -2; 1)$ lên Oy là $H(0; -2; 0)$. Ta có H là trung điểm AA' nên $A'(-5; -2; -1)$. **Chọn D.**

Câu 1.9. Chu vi đường tròn lớn của (S) là $2\pi R = 4\pi \Rightarrow R = 2$. Do đó $S_{mc} = 4\pi R^2 = 16\pi$. **Chọn D.**

Câu 1.10. Ta có $(\alpha) // \Delta \Rightarrow \vec{n}_\alpha \perp \vec{u}_\Delta$. Suy ra loại Δ_1 và Δ_4 . Ta thấy $M(-1; 1; 0) \in \Delta_3$ và M cũng thuộc (α) nên Δ_3 nằm trong (α) . Vậy còn lại $\Delta_2 // (\alpha)$. **Chọn C.**

Câu 1.11. Ta có $\cos \widehat{BAD} = \frac{AB^2 + AD^2 - BD^2}{2 \cdot AB \cdot AD} = -\frac{1}{2} \Rightarrow \widehat{BAD} = 120^\circ$.



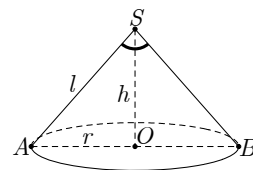
Suy ra $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot AB \cdot AD \cdot \sin 120^\circ = \frac{2\sqrt{3}a^3}{3}$.

Chọn A.

Câu 1.12. Ta có $\vec{b} - \vec{a} = (-1; 8; 2)$. Suy ra $\vec{b} \cdot (\vec{b} - \vec{a}) = -1 + 24 + 0 = 23$.

Chọn C.

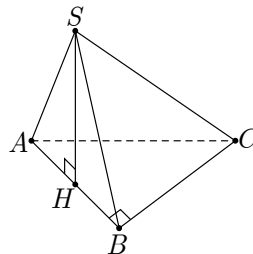
Câu 1.13. Ta có $\pi r l = 2\pi r^2 \Rightarrow l = 2r$. Suy ra thiết diện qua trục là tam giác đều. Do đó góc ở đỉnh bằng 60° . **Chọn C.**



Câu 1.14. Vì $(\alpha) \perp \Delta$ nên $\vec{n}_\alpha = \vec{u}_\Delta(2; 2; 1)$.

Suy ra $(\alpha): 2x + 2y + z - 3 = 0$. Do đó $d(O, (\alpha)) = 1$. **Chọn A.**

Câu 1.15. Gọi H là trung điểm AB thì $SH \perp (ABC)$. Vì SAB là tam giác



đều nên $SH = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot AB = \frac{3a}{2}$. Ta có $BC = \sqrt{AC^2 - AB^2} = a$.

Suy ra $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{3} a \cdot a = \frac{\sqrt{3} a^3}{4}$. **Chọn A.**

Câu 1.16. Mặt cầu (S) có tâm $I(2; -1; -2)$, $R = 2$. Yêu cầu bài toán tương đương với

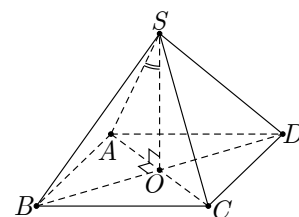
$$d(I, (\alpha)) = R \Leftrightarrow \frac{|8 + 3 - m|}{5} = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 21 \end{cases}$$

Chọn C.

Câu 1.17. Gọi O là tâm hình vuông $ABCD$. Khi đó $SO \perp (ABCD)$. Ta có

$AO \perp (SBD)$ nên $\widehat{(SA, (SBD))} = \widehat{ASO}$.

Suy ra $\cot \widehat{(SA, (SBD))} = \cot \widehat{ASO} = \frac{SO}{OA} = \frac{\sqrt{14}a}{\sqrt{2}a} = \sqrt{7}$. **Chọn A.**



Câu 1.18. Vì $\Delta \subset (\alpha)$ nên $\vec{u}_\Delta \perp \vec{n}_\alpha \Rightarrow 2 + 4m^2 - 6 = 0 \Rightarrow m = \pm 1$. Lấy $I(1; -3; 0) \in \Delta$ thì I cũng

thuộc (α) . Suy ra $2 + m^2 - 5m = 0 \Rightarrow m = 1, m = \frac{2}{3}$. Suy ra $m = 1$. **Chọn A.**

Câu 1.19. Áp dụng công thức $R = \sqrt{\frac{h^2}{4} + R_{(đáy)}^2} = \sqrt{\frac{a^2}{4} + a^2} = \frac{\sqrt{5}a}{2}$. **Chọn C.**

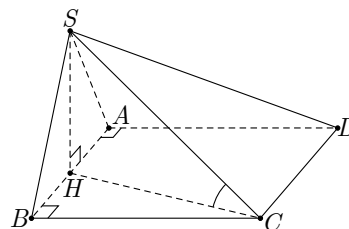
Câu 1.20. Ta có $\vec{i}(1; 0; 0)$ nên $\cos(\vec{i}, \vec{u}) = \frac{-\sqrt{3} + 0 + 0}{\sqrt{1 + 0 + 0} \cdot \sqrt{3 + 0 + 1}} = -\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow (\vec{i}, \vec{u}) = 150^\circ$. **Chọn A.**

Câu 1.21. Gọi H là trung điểm AB thì $SH \perp (ABCD)$. Ta có

$$60^\circ = \widehat{(SC, (ABCD))} = \widehat{SCH}.$$

Suy ra $SH = CH \tan 60^\circ = \frac{\sqrt{5}a}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{\sqrt{15}a}{2}$.

Do đó $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{15}a}{2} \cdot a^2 = \frac{\sqrt{15}a^3}{6}$. **Chọn C.**



Câu 1.22. Vì $M \in (Oxy) \Rightarrow M(x; y; 0)$. Ta có $\overrightarrow{AM}(x-2; y+2; -1)$, $\overrightarrow{AB}(-2; 3; 1)$. Ta có

$$\overrightarrow{AM} // \overrightarrow{AB} \Leftrightarrow \frac{x-2}{-2} = \frac{y+2}{3} = \frac{-1}{1} \Rightarrow \begin{cases} x=4 \\ y=-5 \end{cases} \Rightarrow M(4; -5; 0) \Rightarrow OM = \sqrt{41}.$$

Chọn A.

Câu 1.23. Từ giả thiết suy ra ABC là tam giác đều cạnh a . Kẻ $AM \perp BC$ (M là trung điểm BC), kẻ $AH \perp SM$ tại H . Khi đó $AH \perp (SBC)$.

Gọi O là tâm hình bình thoi $ABCD$. Ta có

$$d(O, (SBC)) = \frac{1}{2} d(A, (SBC)) = \frac{1}{2} AH = \frac{1}{2} \cdot \frac{AS \cdot AM}{\sqrt{AS^2 + AM^2}} = \frac{3a}{8}.$$

Chọn C.

Câu 1.24. Chu vi đáy $2\pi R = 5$ (m). Chiều cao hình trụ $h = 20$ cm = 0,2 m.

Diện tích xung quanh khối trụ là $S_{xq} = 2\pi R \cdot h = 1$ (m²). **Chọn D.**

Câu 1.25. Tung độ của $M(1; 0; 2)$ bằng 0 nên $M \in (Oxz)$. **Chọn C.**

Câu 1.26. Gọi cạnh của hình lập phương là a thì $a^3 = 64 \Rightarrow a = 4$. Bán kính mặt cầu ngoại tiếp hình lập phương là $R = \frac{\sqrt{4^2 + 4^2 + 4^2}}{2} = 2\sqrt{3}$. **Chọn A.**

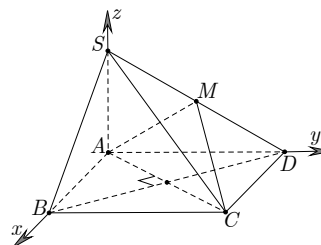
Câu 1.27. Cho $a = 1$. Xét hệ trục tọa độ $Axyz$ sao cho $A(0; 0; 0)$,

$B(1; 0; 0)$, $D(0; 1; 0)$, $S(0; 0; 2)$. Khi đó $M\left(0; \frac{1}{2}; 1\right)$, $C(1; 1; 0)$.

Ta có $\overrightarrow{n_{(AMC)}} = \left[\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{AC} \right] = (-1; 1; -0,5)$ và

$$\overrightarrow{n_{(SAC)}} = \overrightarrow{BD}(-1; 1; 0).$$

Suy ra $\cos(\widehat{(AMC), (SAC)}) = \frac{|1+1+0|}{\sqrt{1+1+0,25} \cdot \sqrt{1+1+0}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$. **Chọn C.**



Câu 1.28. Vì $(\alpha) // (\beta)$ nên $\vec{n}_\alpha = \vec{n}_\beta(2; -4; 4) = 2.(1; -2; 2)$. Suy ra $(\alpha): x - 2y + 2z + m = 0$.

Ta có $d(A, (\alpha)) = 3 \Leftrightarrow \frac{|2 + 6 + 8 + m|}{3} = 3 \Rightarrow m = -7, m = -25$. **Chọn D.**

Câu 1.29. Kẻ $AK \perp BC$ tại K thì $AK \perp (A'BC)$. Suy ra

$$d(A, (A'BC)) = AK = \frac{AB \cdot AC}{\sqrt{AB^2 + AC^2}} = \frac{2\sqrt{5}a}{5}.$$

Chọn C.

Câu 1.30. Ta có $[\vec{AB}, \vec{AC}] = (0; 60; 0)$ và $\vec{AD} = (-1; 3; 5)$.

Suy ra $V_{ABCD} = \frac{1}{6} |[\vec{AB}, \vec{AC}] \cdot \vec{AD}| = \frac{1}{6} |0 - 180 + 0| = 30$.

Chọn A.

Lưu ý: Khi tính độ dài đoạn thẳng, diện tích, thể tích ta không được “rút gọn” tọa độ các vectơ.

Câu 1.31. Gọi H là trung điểm AB thì $SH \perp (ABCD)$. Kẻ $BI \perp SA$ (I là trung điểm SA). Khi đó $BI \perp (SAD)$. Suy ra

$$d(BC, SD) = d(BC, (SAD)) = d(B, (SAD)) = BI = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot AB = \sqrt{3}a.$$

Chọn D.

Câu 1.32. Mặt phẳng (α) đi qua $A(3; 1; 5)$ và có VTPT là $\vec{IA}(1; 2; 2)$ nên $(\alpha): x + 2y + 2z + 15 = 0$. Suy ra $d(O, (\alpha)) = 5$. **Chọn A.**

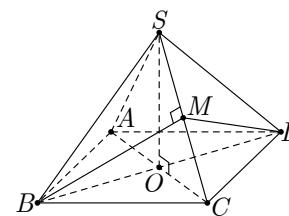
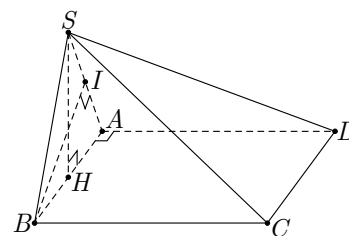
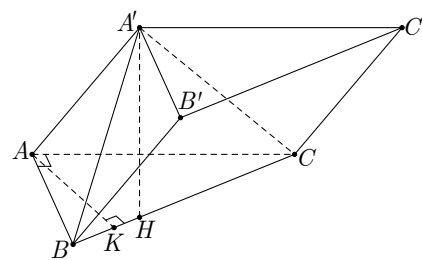
Câu 1.33. Gọi O là tâm của hình vuông $ABCD$. Khi đó $SO \perp (ABCD)$ (1). Từ giả thiết suy ra SBC, SCD là các tam giác đều. Suy ra $SC \perp BM, SC \perp DM \Rightarrow SC \perp (MBD)$ (2).

Từ (1) và (2) suy ra $\widehat{((MBD), (ABCD))} = \widehat{(SC, SO)} = \widehat{OSC}$.

Ta có $\sin \widehat{OSC} = \frac{OC}{SC} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \widehat{((MBD), (ABCD))} = 45^\circ$. **Chọn C.**

Câu 1.34. Đường thẳng Δ_1 đi qua $M_1(-3; 1; -1)$, có $\vec{u}_{\Delta_1}(2; -1; 4)$. Đường thẳng Δ_2 đi qua $M_2(-4; -2; 4)$, có $\vec{u}_2(3; 2; -1)$. Ta thấy $\vec{u}_{\Delta_1} \cdot \vec{u}_{\Delta_2} = 0 \Rightarrow \Delta_1 \perp \Delta_2$. Loại **A, C**.

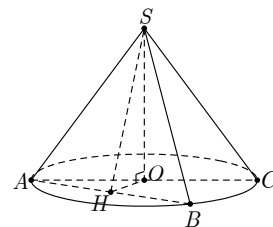
Ta có $[\vec{u}_{\Delta_1}, \vec{u}_{\Delta_2}] = (-7; 14; 7)$ và $\vec{M_1M_2} = (-1; -3; 5)$. Suy ra $[\vec{u}_{\Delta_1}, \vec{u}_{\Delta_2}] \cdot \vec{M_1M_2} = 7 - 42 + 35 = 0$. Suy ra Δ_1 cắt Δ_2 . **Chọn B.**



Câu 1.35. Giả sử hình nón đỉnh S , đáy $(O; r)$, thiết diện qua đỉnh là tam giác

đều SAB cạnh $l \Rightarrow \frac{\sqrt{3}l^2}{4} = 81\sqrt{3} \Rightarrow l = 18$.

Suy ra $h = \sqrt{l^2 - r^2} = 6\sqrt{5}$. Do đó $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h = 288\sqrt{5}\pi$.

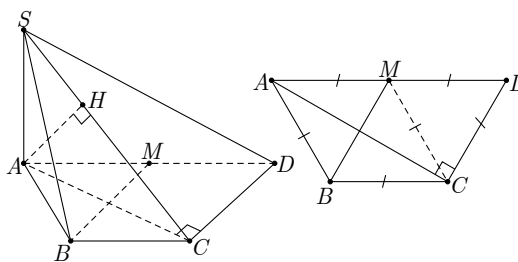


Chọn C.

Câu 1.36. Ta có $MA = MD = MC = a$ nên $\widehat{ACD} = 90^\circ$. Kẻ $AH \perp SC$ tại H thì $AH \perp (SCD)$.

Ta có $AC = \sqrt{AD^2 - CD^2} = \sqrt{3}a$. Suy ra

$$\begin{aligned} d(BM, SD) &= d(M, (SCD)) = \frac{1}{2}d(A, (SCD)) \\ &= \frac{1}{2}AH = \frac{1}{2} \cdot \frac{AS \cdot AC}{\sqrt{AS^2 + AC^2}} = \frac{\sqrt{21}a}{7}. \end{aligned}$$

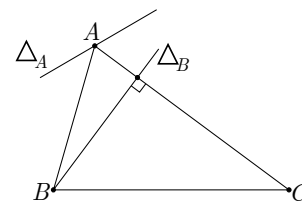


Chọn A.

Câu 1.37. Ta có $A(a + 2; a + 3; -2a + 3)$. Ta có

$$\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{u_{\Delta_B}} = 0 \Leftrightarrow (a - 1) - 2(a + 1) - 2a = 0 \Rightarrow a = -1 \Rightarrow x_A = 1.$$

Chọn D.



Câu 1.38. Vì $\Delta SAB = \Delta SDC$ nên chân đường cao kẻ từ B, D đến SC

trùng nhau tại H . Suy ra $60^\circ = \widehat{((SBC), (SCD))} = \widehat{(HB, HC)}$.

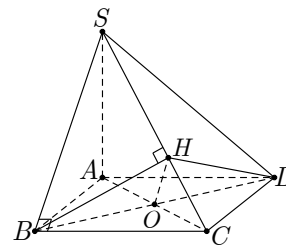
Nếu $\widehat{BHD} = 60^\circ$ thì ΔBHD đều, không xảy ra. Suy ra $\widehat{BHD} = 120^\circ$.

Gọi O là tâm hình vuông $ABCD$ thì $\widehat{BHO} = 60^\circ$. Suy ra

$$BH = \frac{BO}{\cos 30^\circ} = \frac{\sqrt{6}a}{3}. \text{ Ta có } BC \perp (SAB) \Rightarrow BC \perp SB. \text{ Suy ra}$$

$$\frac{1}{BS^2} = \frac{1}{BH^2} - \frac{1}{BC^2} = \frac{1}{2a^2} \Rightarrow SB = \sqrt{2}a \Rightarrow SA = a.$$

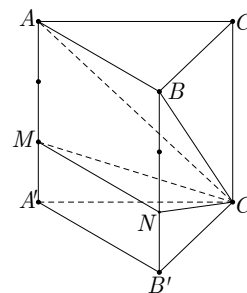
Do đó $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a \cdot a^2 = \frac{a^3}{3}$. **Chọn B.**



Câu 1.39. Ta có

$$\begin{aligned} V_{C'.MNB'A'} &= \frac{1}{3} V_{C'.ABB'A'} = \frac{1}{3} (V_{ABC.A'B'C'} - V_{C'.ABC}) \\ &= \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} V_{ABC.A'B'C'} = \frac{2}{9} V_{ABC.A'B'C'}. \end{aligned}$$

Suy ra tỉ số thể tích của hai phần là $\frac{2}{9} : \left(1 - \frac{2}{9}\right) = \frac{2}{7}$. **Chọn B.**



Câu 1.40. Gọi $A(a; 0; 0)$, $B(0; b; 0)$, $C(0; 0; c)$. Vì G là trọng tâm tứ diện $OABC$ nên

$$\begin{cases} 0 + a + 0 + 0 = 4.1 \\ 0 + 0 + b + 0 = 4.4 \\ 0 + 0 + 0 + c = 4.3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 4 \\ b = 16 \\ c = 12 \end{cases} \Rightarrow (\alpha) : \frac{x}{4} + \frac{y}{16} + \frac{z}{12} = 1.$$

Chọn D.

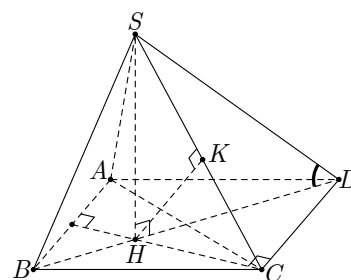
Câu 1.41. Từ giả thiết suy ra ABC là tam giác đều và $S.ABC$ là hình chóp tam giác đều. Khi đó, hình chiếu H của S lên $(ABCD)$ là trọng

tâm của tam giác ABC . Khi đó $HD = \frac{2}{3} BD = \frac{2\sqrt{3}a}{3}$.

Vì $30^\circ = \widehat{(SD, (ABCD))} = \widehat{SDH}$ nên $SH = HD \tan 30^\circ = \frac{2a}{3}$.

Ta có $CH \perp AB$ nên $CH \perp CD$. Kẻ $HK \perp SC$ thì $HK \perp (SCD)$.

Suy ra $d(B, (SCD)) = \frac{3}{2} d(H, (SCD)) = \frac{3}{2} \cdot HK = \frac{3}{2} \cdot \frac{HS \cdot HC}{\sqrt{HS^2 + HC^2}} = \frac{\sqrt{21}a}{7}$. **Chọn C.**



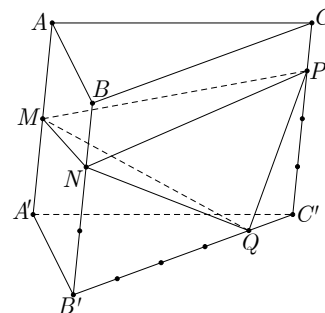
Câu 1.42. Ta có

$$S_{B'NQ} = \frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} S_{B'BC'} = \frac{8}{30} S_{BCC'B'} \text{ và } S_{C'PQ} = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{5} S_{C'CB'} = \frac{3}{40} S_{BCC'B'}.$$

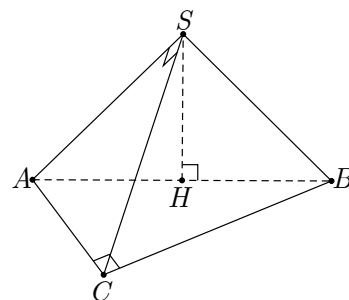
Lại có $\frac{S_{CPNB}}{S_{CC'B'B}} = \frac{CP + BN}{CC' + BB'} = \frac{7}{24}$. Suy ra

$$S_{NPQ} = \left(1 - \frac{8}{30} - \frac{3}{40} - \frac{7}{24}\right) = \frac{11}{30}.$$

Do đó $V_{M.NPQ} = \frac{11}{30} V_{M.BCC'B'} = \frac{11}{30} V_{A.BCC'B'} = \frac{11}{30} \cdot \frac{2}{3} V = \frac{11V}{45}$. **Chọn B.**



Câu 1.43. Áp dụng định lý côsin cho các tam giác SAB ta tính được $AB = \sqrt{3}a$, tam giác SBC đều nên $BC = a$, tam giác SAC vuông cân tại S nên $AC = \sqrt{2}a$. Ta thấy $AB^2 = AC^2 + CB^2$ nên tam giác ABC vuông tại C . Vì $SA = SB = SC$ nên hình chiếu H là S lên (ABC) là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC . Do đó H là trung điểm AB . Suy ra



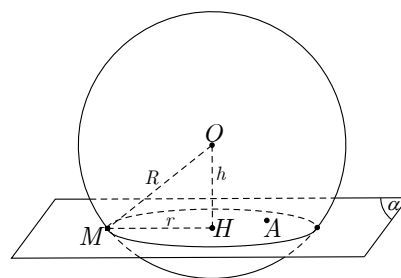
$$V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \sqrt{a^2 - \left(\frac{\sqrt{3}a}{2}\right)^2} \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot \sqrt{2}a = \frac{\sqrt{2}a^3}{12}.$$

Chọn A.

Ghi chú: HS có thể sử dụng công thức $V_{S.ABC} = \frac{1}{6} abc \sqrt{1 + 2 \cos x \cos y \cos z - \cos^2 x - \cos^2 y - \cos^2 z}$.

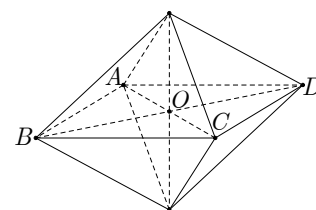
Câu 1.44. Mặt cầu (S) có tâm $O(0; 0; 0)$, $R = 3$. Nhận thấy $OA = \sqrt{5} < R$ nên A nằm trong (S) . Bán kính đường tròn giao tuyến (ω) là $r = 2$. Gọi H là tâm của (ω) . Khi đó

$$OH = d(O, (\alpha)) = \sqrt{R^2 - r^2} = \sqrt{5} = OA.$$



Do đó A chính là tâm của (ω) . Khi đó (α) đi qua A và nhận OA làm VTPT. Do đó có 1 và chỉ 1 mặt phẳng thỏa mãn yêu cầu bài toán. **Chọn B.**

Câu 1.45. Tâm mặt cầu ngoại tiếp bán diện đều là giao điểm O của các đường chéo. Do đó $R = \frac{1}{2} AC = \frac{\sqrt{2}a}{2}$. **Chọn C.**



Câu 1.46. Hình lăng trụ tứ giác đều là hình hộp chữ nhật với đáy là hình vuông cạnh x , chiều cao h .

Ta có $V = x^2 h = 8$. Tổng diện tích tất cả các mặt của chiếc hộp là

$$S = 2x^2 + 4xh = 2x^2 + 4x \cdot \frac{8}{x^2} = 2x^2 + \frac{16}{x} + \frac{16}{x} \geq 3 \sqrt[3]{2x^2 \cdot \frac{16}{x} \cdot \frac{16}{x}} = 24.$$

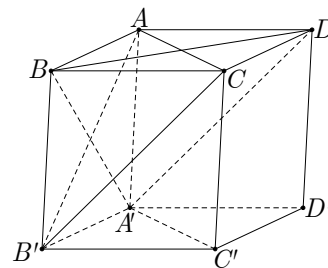
Dấu " $=$ " xảy ra khi $2x^2 = \frac{16}{x} \Rightarrow x = 2$ (dm). **Chọn A.**

Câu 1.47. Từ giả thiết suy ra $AA'BD$ là tứ diện đều cạnh a . Dễ tính được

$$V_{A'.ABD} = \frac{\sqrt{2}a^3}{12}. \text{ Cũng từ giả thiết suy ra } AB' = AC = \sqrt{3}a,$$

$$B'C = A'D = a \text{ nên } S_{AB'C} = \frac{1}{2} \cdot a \cdot \sqrt{3a^2 - \frac{a^2}{4}} = \frac{\sqrt{11}a^2}{4}. \text{ Suy ra}$$

$$\begin{aligned} d(A'C', AB') &= d(A', (AB'C)) = d(B, (AB'C)) \\ &= \frac{3V_{B.AB'C}}{S_{AB'C}} = \frac{3V_{A.A'BD}}{S_{AB'C}} = \frac{\sqrt{22}a}{11}. \end{aligned}$$



Chọn A.

Câu 1.48. Gọi H là hình chiếu của S lên (ABC) .

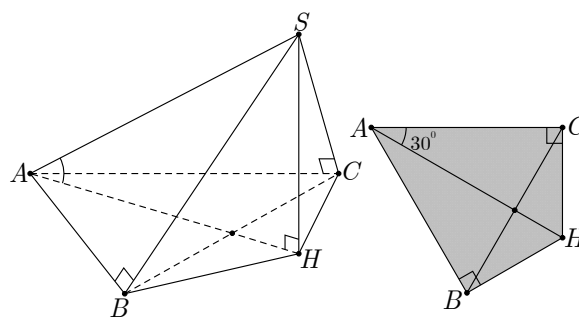
Khi đó $SH \perp AB$, mà $SB \perp AB$ (gt) nên $AB \perp (SHB)$. Suy ra $AB \perp HB$. Tương tự

$$AC \perp HC. \text{ Suy ra } AH = \frac{AC}{\cos 30^\circ} = \frac{2\sqrt{3}a}{3}.$$

Ta có $45^\circ = \widehat{(SA, (ABC))} = \widehat{SAH}$ nên $SH = AH$.

Suy ra

$$V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{2\sqrt{3}a}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}a^2}{4} = \frac{a^3}{6}.$$

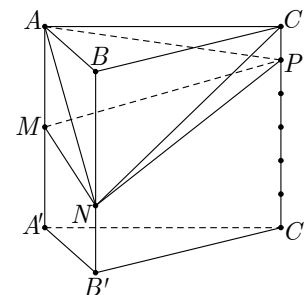


Chọn A.

Câu 1.49. Gọi diện tích đáy và chiều cao của hình lăng trụ lần lượt là S, h .

Ta có

$$\begin{aligned} V_{ABCMNP} &= V_{N.ABC} + V_{N.AMP} + V_{N.APC} = \frac{2}{3}V_{B'.ABC} + \frac{1}{4}V_{N.ACC'A'} + \frac{1}{12}V_{N.ACC'A'} \\ &= \frac{2}{3}V_{B'.ABC} + \frac{1}{3}V_{N.ACC'A'} = \frac{2}{3}V_{B'.ABC} + \frac{1}{3}V_{B.ACC'A'} \\ &= \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot V_{ABC.A'B'C'} + \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot V_{ABC.A'B'C'} = \frac{4}{9}V_{ABC.A'B'C'} = \frac{4V}{9}. \end{aligned}$$



Chọn A.

Câu 1.50. Gọi H là hình chiếu của M lên AB . Ta có S_{MAB} nhỏ nhất $\Leftrightarrow MH$ nhỏ nhất. Khi đó MH là

đường vuông góc chung của Δ và AB . Ta có $AB : \begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 2 \end{cases} \Rightarrow H(t; -1 + 2t; 2).$

Vì $M \in \Delta$ nên $M(m-1; m; m+1)$. Ta có

$$\begin{cases} \overrightarrow{MH} \perp \vec{u}_{\Delta} \\ \overrightarrow{MN} \perp \overrightarrow{AB} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (t - m + 1) + (2t - m - 1) + (1 - m) = 0 \\ (t - m + 1) + 2(2t - m - 1) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t = 1 \\ m = \frac{4}{3} \end{cases} \Rightarrow x_H = 1.$$

Chọn B.